1. Sendo (x+2, 2y-4) = (8x, 3y-10), determine o valor de x e de y.

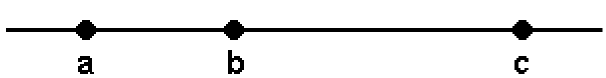
2. Dado A x B = { (1,0); (1,1); (1,2) } determine os conjuntos A e B.

3. (Fuvest) Sejam A=(1, 2) e B=(3, 2) dois pontos do plano cartesiano. Nesse plano, o segmento AC é obtido do segmento AB por uma rotação de 60°, no sentido anti-horário, em torno do ponto A.
As coordenadas do ponto C são:
a) (2, 2+√ 3).
b) (1+√ 3, 5/2).
c) (2, 1+√ 3).
d) (2, 2-√ 3).
e) (1+√ 3, 2+√ 3).

4. (Ita) Três pontos de coordenadas, respectivamente, (0,0), (b,2b) e (5b,0), com b>0, são vértices de um retângulo. As coordenadas do quarto vértice são dadas por:
a) (- b, - b)
b) b) (2b, - b)
c) (4b, - 2b)
d) (3b, - 2b)
e) (2b, - 2b)

5. (Unesp) Dado um sistema de coordenadas cartesianas no plano, considere os pontos A(2, 2), B(4, -1) e C(m, 0). Para que AC+CB seja mínimo, o valor de m deve ser:
a) 7/3.
b) 8/3.
c) 10/3.
d) 3,5.
e) 11/3.

6. (Unicamp) Dados três pontos a, b e c em uma reta, como indica a figura seguinte determine o ponto x da reta, tal que a soma das distâncias de x até a, de x até b e de x até c seja a menor possível. Explique seu raciocínio.



7. (Cesgranrio) A área do triângulo, cujo vértices são (1,2), (3,4) e (4,-1), é igual a:
a) 6.
b) 8.
c) 9.
d) 10.
e) 12.

8. (Fuvest) Considere, no plano cartesiano, os pontos P=(0,-5) e Q=(0,5). Seja X=(x,y) um ponto qualquer com x>0.
a) Quais são os coeficientes angulares das retas PX e QX?
b) Calcule, em função de x e y, a tangente do ângulo PXQ.
c) Descreva o lugar geométrico dos pontos X=(x,y) tais que x>0 e PXQ=(π /4) radianos.

9. (Cesgranrio) O ponto Q é o simétrico do ponto P(x,y) em relação ao eixo dos y. O ponto R é o simétrico do ponto Q em relação à reta y=1. As coordenadas de R são:
a) (x, 1-y)
b) (0, 1)
c) (-x, 1-y)
d) (-x, 2-y)
e) (y, -x)

10. (Fei) O ponto A', simétrico do ponto A= (1,1) em relação à reta r: 2x + 2y - 1 = 0 é:
a) (1,1)
b) (1/2, -3/2)
c) (-1/2, -1/2)
d) (-1/2, -3/2)
e) (1/2, 3/2)

11. (Ufmg) A reta de equação y = 3x + a tem um único ponto em comum com a parábola de equação $y=x^2+x+2$.
O valor de a é
a) - 2
b) - 1
c) 0
d) 1
e) 2

12. (Ufmg) Os pontos P e Q pertencem à reta de equação y=mx, têm abscissas a e a+1, respectivamente. A distância entre P e Q é $\sqrt{10}$. A ordenada do ponto dessa reta que tem abscissa 5 é negativa.
Nessas condições, o valor de m é
a) - 3
b) - $\sqrt{10}$
c) 3
d) ($\sqrt{10}$)/10
e) $\sqrt{10}$

13. (Unesp) A distância do vértice da parábola

$y = (x-2)(x-6)$ à reta $y = (4/3)x + 5$ é:

a) 72/25

b) 29/25

c) 43

d) 43/25

e) 43/5

14. (Unesp) A reta r é perpendicular à reta $-3x + 4y - 5 = 0$ e passa pelo ponto (1, 2). Determine os pontos de r que distam 5 unidades do ponto (1, 2).

15. (Mackenzie) Um segmento de reta de comprimento 8 movimenta-se no plano mantendo suas extremidades P e Q apoiadas nos eixos 0x e 0y, respectivamente. Entre os pontos do lugar geométrico descrito pelo ponto médio de PQ, o de maior ordenada possui abscissa:

a) - 2.

b) - 1.

c) 0.

d) 1.

e) 2.

16. (Ufc) Considere o triângulo cujos vértices são os pontos A(2,0); B(0,4) e $C(2\sqrt{5}, 4+\sqrt{5})$. Determine o valor numérico da altura relativa ao lado AB, deste triângulo.

17. (Uel) Seja $\overline{AC}$ uma diagonal do quadrado ABCD. Se A = (-2, 3) e C = (0, 5), a área de ABCD, em unidades de área, é

a) 4

b) $4\sqrt{2}$

c) 8

d) $8\sqrt{2}$

e) 16

18. (Mackenzie) Supondo $\pi = 3$, então os pontos (x,y) do plano tais que $x^2+y^2-16 \leq 0$, com $x+y \geq 4$, definem uma região de área:

a) 2

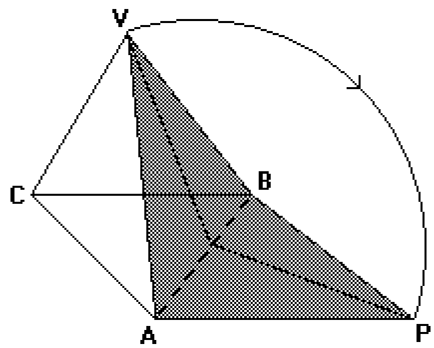
b) 4

c) 6

d) 8

e) 10

19. (Unesp) O tetraedro VABC da figura a seguir é regular e sua base encontra-se sobre um plano cartesiano, em relação ao qual seus vértices têm coordenadas A(-1/2, 0), B(1/2, 0) e $C(0, \sqrt{3}/2)$.



Dando-se à face ABV uma rotação em torno da aresta AB, no sentido indicado pela figura, até fazê-la coincidir com o plano ABC da base, quais as coordenadas do ponto P que o vértice V ocupará após a rotação?

20. (Cesgranrio) A distância entre os pontos M(4,-5) e N(-1,7) do plano x0y vale:
a) 14.
b) 13.
c) 12.
d) 9.
e) 8.

21. (Puccamp) Sabe-se que os pontos A = (0; 0), B = (1; 4) e C = (3; 6) são vértices consecutivos do paralelogramo ABCD. Nessas condições, o comprimento da $\overline{BD}$ é
a) $\sqrt{2}$
b) $\sqrt{3}$
c) $2\sqrt{2}$
d) $\sqrt{5}$
e) 5

22. (Fgv) No plano cartesiano, os vértices de um triângulo são A (5,2), B (1,3) e C (8,-4).
a) Obtenha a medida da altura do triângulo, que passa por A.
b) Calcule a área do triângulo ABC.

23. (Ita) Seja $m \in \mathbb{R}_+^*$ tal que a reta x-3y-m=0 determina, na circunferência $(x-1)^2+(y+3)^2=25$, uma corda de comprimento 6. O valor de m é
a) $10 + 4\sqrt{10}$
b) $2 + \sqrt{3}$
c) $5 - \sqrt{2}$
d) $6 + \sqrt{10}$
e) 3

24. (Uece) Seja (r) a reta que passa pelos pontos P_1 (-1, 0) e P_2 (0, 3). Considere M (n, q) um ponto de (r). Se a distância do ponto O (0, 0) ao ponto M é $3/\sqrt{10}$cm, então q - n é igual a:
a) 4/5
b) 1
c) 6/5

d) 7/5

25. (Ita) Considere o paralelogramo ABCD onde A=(0,0), B=(-1,2) e C=(-3,-4). Os ângulos internos distintos e o vértice D deste paralelogramo são, respectivamente:

a) $\pi/4$, $3\pi/4$ e D = (-2,-5)

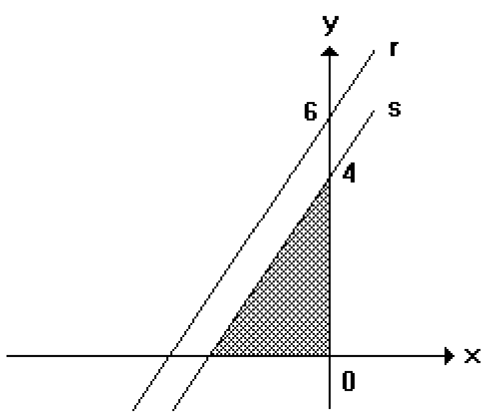
b) $\pi/3$, $2\pi/3$ e D = (-1,-5)

c) $\pi/3$, $2\pi/3$ e D = (-2,-6)

d) $\pi/4$, $3\pi/4$ e D = (-2,-6)

e) $\pi/3$, $2\pi/3$ e D = (-2,-5)

26. (Mackenzie) Na figura, a área do triângulo assinalado é 6. Então a distância entre as retas paralelas r e s é:



a) 2

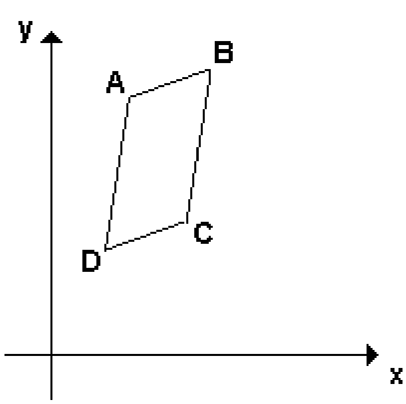
b) 3/2

c) 6/5

d) 7/5

e) 8/5

27. (Ufmg) Observe a figura.



Nessa figura, ABCD é um paralelogramo, as coordenadas do ponto C são (6,10) e os lados AB e AD estão contidos, respectivamente, nas retas de equações y=(x/2)+14 e y=4x-2.

Nesse caso, as coordenadas do ponto B são

a) (7, 35/2)

b) (9, 37/2)

c) (8,18)

d) (10,19)

28. (Ufrj) Sejam A (1, 0) e B (5, $4\sqrt{3}$) dois vértices de um triângulo equilátero ABC. O vértice C está no 2 quadrante.
Determine suas coordenadas.

29. (Ufrj) As coordenadas dos vértices do triângulo isósceles T_1 são dadas por A=(-1,1), B=(9,1) e C=(4,6).

As coordenadas dos vértices do triângulo isósceles T_2 são dadas por D=(4,2), E=(2,8) e F=(6,8).

Determine a área do quadrilátero $T_1 \cap T_2$.

30. (Ufrj) Sejam M_1 = (1, 2), M_2 = (3, 4) e M_3 = (1,-1) os pontos médios dos lados de um triângulo.
Determine as coordenadas dos vértices desse triângulo.

31. (Unirio) Considere um triângulo cujos vértices são A (0,0) B (3, 4) e C (6, 0) e responda às perguntas a seguir.

a) Qual a soma das medidas dos lados com a medida da altura relativa ao vértice B?

b) Qual a classificação deste triângulo quanto às medidas de seus ângulos internos?

32. (Ufrs) Em um sistema de coordenadas polares, P=($3,\pi/6$) e Q=(12,0) são dois vértices adjacentes de um quadrado. O valor numérico da área deste quadrado é

a) 81

b) 135

c) 153

d) $153 - 36\sqrt{2}$

e) $153 - 36\sqrt{3}$

33. (Unicamp) Uma reta intersecciona nos pontos A (3, 4) e B(-4, 3) uma circunferência centrada na origem.

a) Qual é o raio dessa circunferência?

b) Calcule a área do quadrilátero cujos vértices são os pontos A e B e seus simétricos em relação à origem.

34. (Fatec) As retas r e s interceptam o eixo das abcissas nos pontos A e B e são concorrentes no ponto P.
Se suas equações são y=3x+1 e y=-2x+4, então a área do triângulo ABP é

a) 7/10

b) 7/3

c) 27/10

d) 49/15

e) 28/5

35. (Puc-rio) O valor de x para que os pontos (1,3), (-2,4), e (x,0) do plano sejam colineares é:

a) 8.

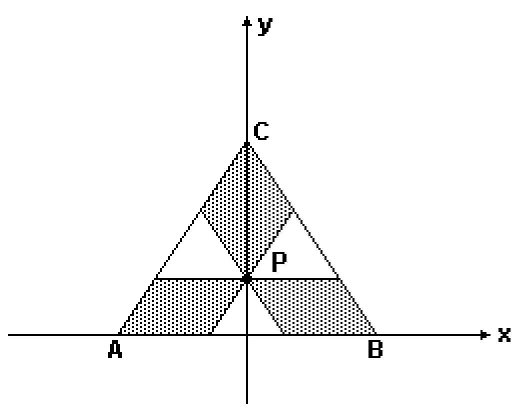
b) 9.
c) 11.
d) 10.
e) 5.

36. (Uff) Determine o(s) valor(es) que r deve assumir para que o ponto (r, 2) diste cinco unidades do ponto (0, -2).

37. (Ufsm) Sejam r: x + qy - 1 = 0 e s: px + 5y + 2 = 0 duas retas perpendiculares entre si. Então, é correto afirmar que
a) p/q = -5
b) p/q = 5
c) p/q = 1
d) p . q = -1
e) p . q = 5

38. (Fuvest) Se (m + 2n, m - 4) e (2 - m, 2n) representam o mesmo ponto do plano cartesiano, então m^n é igual a:
a) -2
b) 0
c) $\sqrt{2}$
d) 1
e) 1/2

39. (Fuvest) Considere os pontos A=(-2,0), B=(2,0), C=(0,3) e P=(0,α), com 0<α<3. Pelo ponto P, traçamos as três retas paralelas aos lados do triângulo ABC.



a) Determine, em função de α, a área da região sombreada na figura.

b) Para que valor de α essa área é máxima?

40. (Ita) A área de um triângulo é de 4 unidades de superfície, sendo dois de seus vértices os pontos A:(2, 1) e B:(3, -2). Sabendo que o terceiro vértice encontra-se sobre o eixo das abcissas, pode-se afirmar que suas coordenadas são
a) (-1/2, 0) ou (5, 0).

b) (-1/2, 0) ou (4, 0).
c) (-1/3, 0) ou (5, 0).
d) (-1/3, 0) ou (4, 0).
e) (-1/5, 0) ou (3, 0).

41. (Unirio) Considere a função real definida por $f(x)=1+\sqrt{(18-2x^2)}$ e um ponto A (2,1). Sabe-se que a distância de um ponto P do gráfico de f ao ponto A é $\sqrt{10}$. O ponto P encontra-se no:
a) 1° quadrante.
b) 2° quadrante.
c) 3° quadrante.
d) 4° quadrante.
e) ponto de origem do sistema x0y.

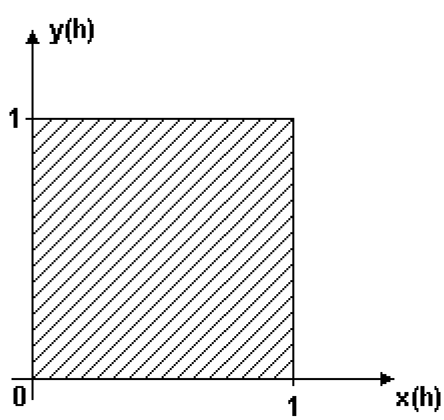
42. (Unesp) Sejam A = (2, 0) e B = (5, 0) pontos do plano e r a reta de equação y = x/2.

a) Represente geometricamente os pontos A e B e esboce o gráfico da reta r.

b) Se C = (x, x/2), com x > 0, é um ponto da reta r, tal que o triângulo ABC tem área 6, determine o ponto C.

43. (Unifesp) Um ponto do plano cartesiano é representado pelas coordenadas (x + 3y, - x - y) e também por (4 + y, 2x + y), em relação a um mesmo sistema de coordenadas. Nestas condições, x^y é igual a
a) -8.
b) -6.
c) 1.
d) 8.
e) 9.

44. (Uerj) Duas pessoas A e B decidem se encontrar em um determinado local, no período de tempo entre 0h e 1h.
Para cada par ordenado (x_0, y_0), pertencente à região hachurada do gráfico a seguir, x_0 e y_0 representam, respectivamente, o instante de chegada de A e B ao local de encontro.

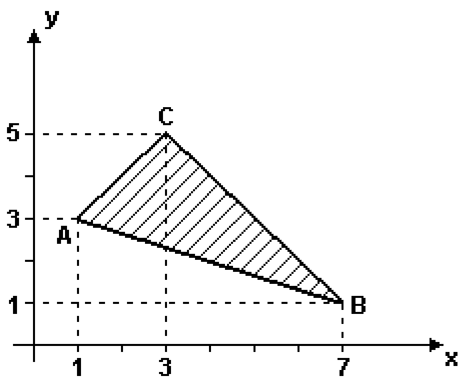


Determine as coordenadas dos pontos da região hachurada, os quais indicam:

a) a chegada de ambas as pessoas ao local de encontro exatamente aos 40 minutos;

b) que a pessoa B tenha chegado ao local de encontro aos 20 minutos e esperado por A durante 10 minutos.

45. (Uerj) No sistema de coordenadas cartesianas a seguir, está representado o triângulo ABC.



Em relação a esse triângulo,

a) demonstre que ele é retângulo;

b) calcule a sua área.

46. (Fatec) A circunferência que passa pelos pontos O=(0,0), A=(2,0) e B=(0,3) tem raio igual a:
a) (√ 11)/4
b) (√ 11)/2
c) (√ 13)/4
d) (√ 13)/2
e) (√ 17)/4

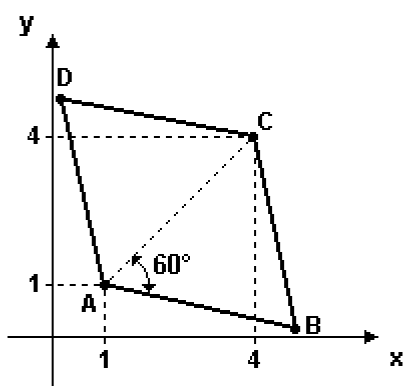
47. (Fgv) No plano cartesiano, o triângulo de vértices A(1,-2), B(m,4) e C(0,6) é retângulo em A. O valor de m é igual a:
a) 47
b) 48
c) 49
d) 50
e) 51

48. (Pucsp) Sejam A, B, C, D vértices consecutivos de um quadrado tais que A=(1; 3) e B e D pertencem à reta de equação x-y-4=0. A área desse quadrado, em unidades de superfície, é igual a
a) 36√ 2
b) 36
c) 32√ 2
d) 32
e) 24√ 2

49. (Ufpi) A medida do ângulo agudo formado pelas retas $3x+y-10=0$ e $-2x+y-15=0$ é:
a) 15°
b) 30°
c) 45°
d) 60°
e) 75°

50. (Puc-rio) Os pontos (0,8), (3,1) e (1,y) do plano são colineares. O valor de y é igual a:
a) 5
b) 6
c) 17/3
d) 11/2
e) 5,3

51. (Ufal) Na figura abaixo tem-se o losango ABCD, com A(1;1) e C(4;4), e cuja diagonal $\overline{AC}$ forma ângulo de medida 60° com o lado $\overline{AB}$.



O perímetro desse losango é
a) $3\sqrt{2}$
b) 6
c) $12\sqrt{2}$
d) $24\sqrt{2}$
e) 48

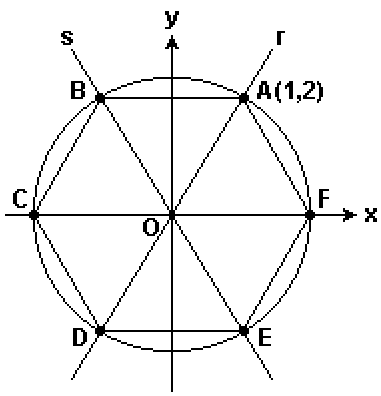
52. (Ufrs) No sistema de coordenadas polares, considere os pontos O=(0,0), A=(1, 0), P=(ρ, θ) e Q=($1/\rho$, θ), onde $0 < \theta < \pi/2$ e $\rho > 0$.
Se a área do triângulo OAP vale o dobro da área do triângulo OAQ, então ρ vale

a) 1/2.
b) $\sqrt{2}/2$.
c) $\sqrt{2}$.
d) 2.
e) $2\sqrt{2}$.

53. (Ufsm) Num plano, são dados 4 pontos através de coordenadas: (1,1), (2,4), (6,5) e (5,2). Ligando-se os 4

pontos pela ordem dada e fechando o polígono através da ligação de (1, 1) e (5, 2), por meio de segmentos de reta, obtém-se um
a) quadrado de perímetro $4\sqrt{17}$
b) paralelogramo de perímetro $2\sqrt{17} + 2\sqrt{10}$
c) losango de perímetro $4\sqrt{17}$
d) retângulo de perímetro $2\sqrt{17} + 2\sqrt{10}$
e) trapézio isósceles de perímetro $[(\sqrt{17} + \sqrt{10}).5]/2$

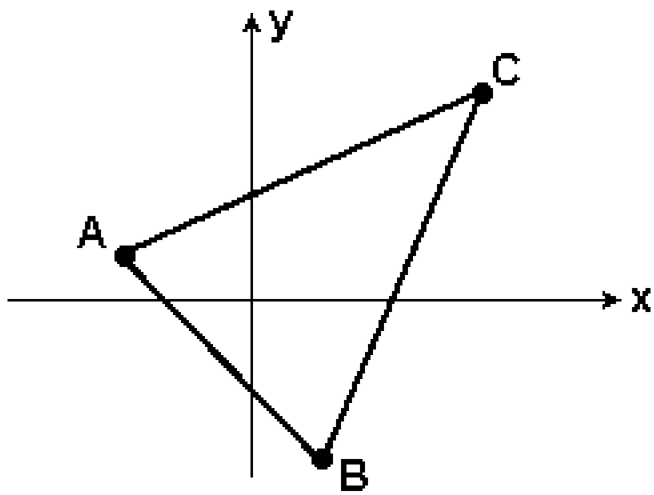
54. (Unifesp) A figura representa, em um sistema ortogonal de coordenadas, duas retas, r e s, simétricas em relação ao eixo Oy, uma circunferência com centro na origem do sistema, e os pontos A=(1,2), B, C, D, E e F, correspondentes às interseções das retas e do eixo Ox com a circunferência.



Nestas condições, determine
a) as coordenadas dos vértices B, C, D, E e F e a área do hexágono ABCDEF.
b) o valor do cosseno do ângulo AÔB.

55. (Unesp) O triângulo PQR, no plano cartesiano, de vértices P=(0,0), Q=(6,0) e R=(3,5), é
a) equilátero.
b) isósceles, mas não equilátero.
c) escaleno.
d) retângulo.
e) obtusângulo.

56. (Unesp) Dados dois pontos, A e B, com coordenadas cartesianas (-2, 1) e (1, -2), respectivamente, conforme a figura,

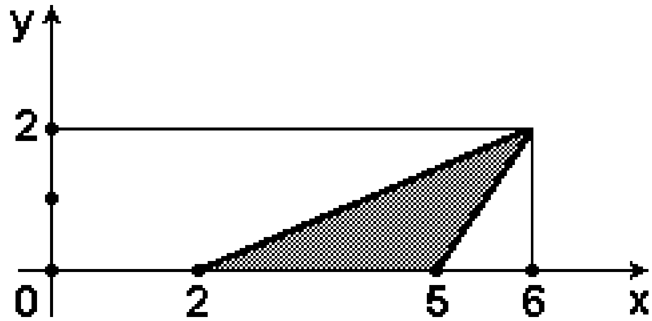


a) calcule a distância entre A e B.
b) Sabendo-se que as coordenadas cartesianas do baricentro do triângulo ABC são (xG, yG) = (2/3, 1), calcule as coordenadas (x_C, y_C) do vértice C do triângulo.

57. (Ufscar) Dados os pontos A(2,0), B(2,3) e C(1,3), vértices de um triângulo, o raio da circunferência circunscrita a esse triângulo é
a) (√ 10)/3
b) 10/3
c) (√ 2)/2
d) (√ 10)/2
e) √ 10

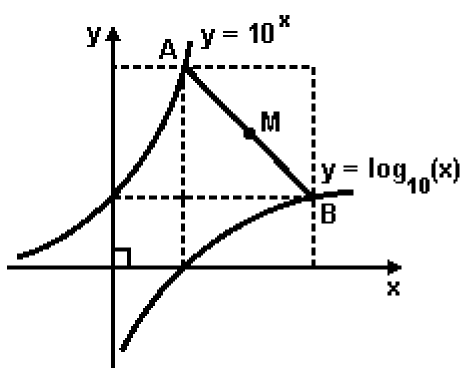
58. (Puc-rio) Sejam A e B os pontos (1, 1) e (5, 7) no plano. O ponto médio do segmento AB é:
a) (3, 4)
b) (4, 6)
c) (-4, -6)
d) (1, 7)
e) (2, 3)

59. (Unifesp) Considere, no plano complexo, conforme a figura, o triângulo de vértices $z_1 = 2$, $z_2 = 5$ e $z_3 = 6 + 2i$.



A área do triângulo de vértices $w_1 = iz_1$, $w_2 = iz_2$ e $w_3 = 2iz_3$ é:
a) 8.
b) 6.
c) 4.
d) 3.
e) 2.

60. (Unifesp) Considere os gráficos das funções definidas por
$f(x) = \log_{10}(x)$ e $g(x) = 10^x$, conforme figura (fora de escala).

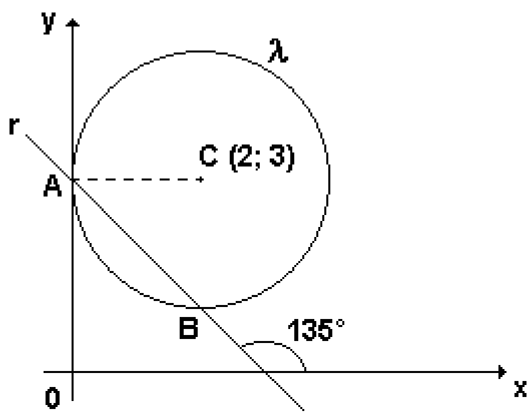


a) Dê as coordenadas de M, ponto médio do segmento AB.
b) Mostre que $(f \circ g)(x) = x$ e $(g \circ f)(x) = x$, para todo $x > 0$.

61. (Ufg) Para medir a área de uma fazenda de forma triangular, um agrimensor, utilizando um sistema de localização por satélite, encontrou como vértices desse triângulo os pontos A(2,1), B(3,5) e C(7,4) do plano cartesiano, com as medidas em km. A área dessa fazenda, em km^2, é de
a) 17/2
b) 17
c) $2\sqrt{17}$

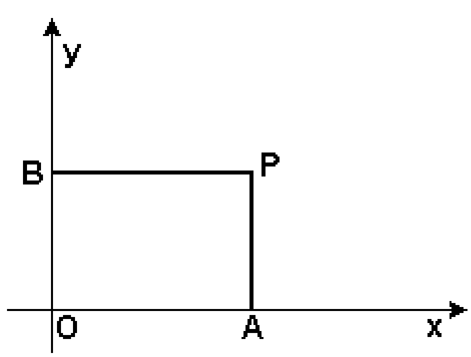
d) $4\sqrt{17}$
e) $(\sqrt{17})/2$

62. (Uel)



A distância do centro C da circunferência λ à reta r é
a) $(\sqrt{2})/2$
b) $\sqrt{2}$
c) $2\sqrt{2}$
d) $3\sqrt{2}$
e) $4\sqrt{2}$

63. (Ufv) Considere o retângulo da figura abaixo, onde as diagonais são OP e AB, sendo P=(a,b). Considere as afirmações:

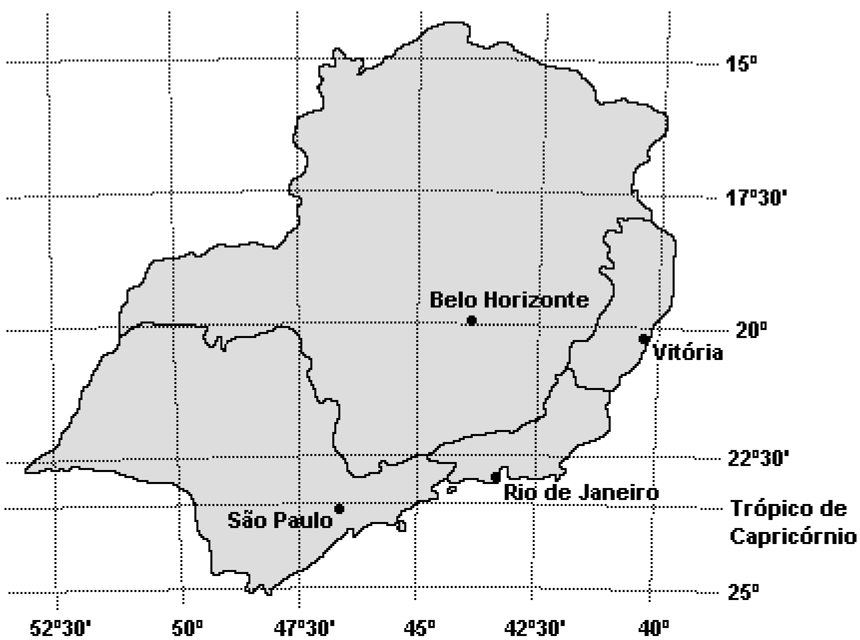


I - O ponto médio da diagonal OP é (a/2, b/2).
II - As diagonais se cortam ao meio.
III - O coeficiente angular da diagonal AB é b/a.
IV - Se as diagonais são perpendiculares, o retângulo é um quadrado.

Atribuindo V para as afirmações verdadeiras e F para as falsas, assinale a seqüência CORRETA:
a) V V V V
b) V V V F
c) V V F V

d) V V F F
e) V F V V

64. (Uerj) Observe o mapa da região Sudeste.



(Adaptado de BOCHICCHIO, V. R. Atlas atual: geografia. São Paulo: Atual, 1999.)

Considere o Trópico de Capricórnio como o eixo das abscissas e o meridiano de 45° como o eixo das ordenadas. Neste sistema cartesiano, as coordenadas das cidades de São Paulo, Rio de Janeiro, Belo Horizonte e Vitória são, respectivamente, (-3/2,0), (2,1/2), (3/2,4) e (5,7/2), todas medidas em centímetros.

a) Calcule, em quilômetros quadrados, a área do quadrilátero cujos vértices estão representados por estas quatro cidades, supondo que a escala do mapa é de 1:10.000.000.

b) Determine as coordenadas de uma cidade que fique eqüidistante das cidades de São Paulo, Rio de Janeiro e Belo Horizonte.

65. (G1) Represente na reta numerada os seguintes subconjuntos de IR.

a) A = {x ∈ |R / x > -3/2}

b) B = {x ∈ |R / 2 < x < 5}

66. (G1) Dados A = { -1, 0, 1 } e B = { -2, 2 } determine os conjuntos A x B e B x A e represente geometricamente.

GABARITO

1. $x = 2/7$
$y = 6$

2. A x B = $\varnothing$; {(1,0)}; {(1,1)}; {(1,2)}; {(1,0) ; (1,1)}; {(1,0) ; (1,2)}; {(1,1) ; (1,2)}; {(1,0) ; (1,1) ; (1,2)}

3. [A]

4. [C]

5. [C]

6. O ponto x coincide com o ponto b.

7. [A]

8. a) O coeficiente angular da reta PX é igual a $(y+5)/x$ e o c.a. da reta QX é igual a $(y-5)/x$.

b) Consideremos tg do ângulo PXQ = σ
1) se $\sigma = \pi/2$; não existe Tg σ
2) Tg $\sigma = 10x/(x^2+y^2-25)$

c) Graficamente é o arco da circunferência de centro (5, 0) e raio $5\sqrt{2}$ contido no semiplano $x>0$.

9. [D]

10. [C]

11. [D]

12. [A]

13. [E]

14. (-2,6) e (4,-2)

15. [C]

16. 5

17. [A]

18. [B]

19. P $(0 ; -\sqrt{3}/2)$

20. [B]

21. [D]

22. a) $(3\sqrt{2})/2$
b) 21/2

23. [A]

24. [C]

25. [D]

26. [C]

27. [C]

28. $C = (-3, 4\sqrt{3})$

29. 4

30. $(x_1, y_1) = (-1, -3)$
$(x_2, y_2) = (3, 7)$
$(x_3, y_3) = (3, 1)$

31. a) 20
b) triângulo acutângulo

32. [E]

33. a) $r = 5$
b) $S = 50$

34. [D]

35. [D]

36. $r = 3$ ou $r = -3$

37. [A]

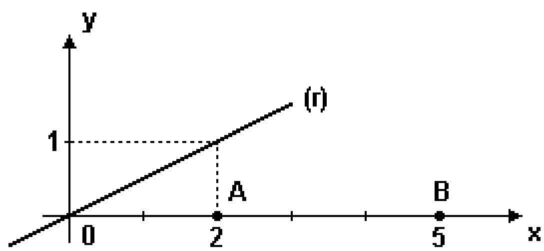
38. [E]

39. a) $-\alpha^2 + 2\alpha + 3$
b) A área é máxima para $\alpha = 1$.

40. [C]

41. [A]

42. a) Observe o gráfico a seguir:



b) C = (8,4).

43. [A]

44. a) (2/3, 2/3)

b) (1/2, 1/3)

45. a) Observe a demonstração a seguir:

$\overrightarrow{AB} = (6, -2)$

$|\overrightarrow{AB}| = \sqrt{40}$

$\overrightarrow{AC} = (2, 2)$

$|\overrightarrow{AC}| = \sqrt{8}$

$\overrightarrow{BC} = (-4, 4)$

$|\overrightarrow{BC}| = \sqrt{32}$

Logo: $|\overrightarrow{AB}|^2 = |\overrightarrow{AC}|^2 + |\overrightarrow{BC}|^2$

b) 8 u.a.

46. [D]

47. [C]

48. [B]

49. [C]

50. [C]

51. [C]

52. [C]

53. [B]

54. a) B(-1; 2), C($-\sqrt{5}$; 0), D(-1; -2), E(1; -2) e F($\sqrt{5}$; 0)
S = $4[(\sqrt{5}) + 1]$ u.a.
b) cos (AÔB) = 0,6

55. [B]

56. a) AB = $3\sqrt{2}$
b) C (3; 4)

57. [D]

58. [A]

59. [B]

60. a) (11/2, 11/2)

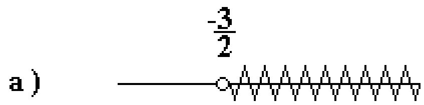
61. [A]

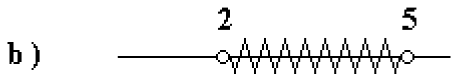
62. [B]

63. [C]

64. a) 122.500 km^2
b) (0; 2)

65. Observe a figura a seguir.





66. Observe a figura a seguir.